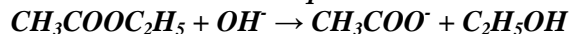


EXERCICE N°1 : (07 points)

On veut étudier la cinétique de la réaction de saponification de l'acétate d'éthyle par la soude.



A $t=0$ le mélange réactionnel a un volume de 1 litre et contient $n_{\text{ester}} = 5 \cdot 10^{-2}$ mol et $n_{\text{soude}} = 5 \cdot 10^{-2}$ mol.

Toutes les 4 minutes, on prélève 5 mL de mélange, on le dilue afin d'arrêter la réaction et on le dose par de l'acide chlorhydrique de concentration $1,00 \cdot 10^{-2}$ mol.L⁻¹ pour déterminer la concentration restante d'ions OH⁻. L'équation support du dosage est la suivante : $\text{H}_3\text{O}^+ + \text{OH}^- \rightarrow 2 \text{H}_2\text{O}$

On obtient le tableau suivant :

$t(\text{min})$	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40	44
$V_{\text{HCl}}(\text{mL})$	25	22	19.8	18	16.5	15	13.8	12.8	12	11.5	11	10.5
C_{ester}												

1. Montrer que la concentration d'ester restante à chaque instant est donnée par l'expression suivante :

$$C_{\text{ester}} = C_{\text{OH}^-} = \frac{0.01 \times V_{\text{HCl}}}{5} \quad \text{en exprimant } V_{\text{HCl}} \text{ en mL.}$$

2. Représenter graphiquement l'évolution de la concentration d'ester en fonction du temps: $C_{\text{ester}} = f(t)$.

Echelle : 1cm pour 0.01mol/L et 1cm pour 4min

3. Définir la vitesse instantanée de disparition de l'ester.

4. Déterminer la vitesse instantanée initiale V_0 et la vitesse instantanée à $t=12$ min, V_{12} .

5. Comment varie la vitesse instantanée de disparition ? Interpréter cette variation.

6. Déterminer la composition du mélange à l'instant $t=12$ min.

EXERCICE N°2 : (06.5points)

Un solide (S) de masse m , de centre d'inertie G, peut glisser sans frottements sur une tige horizontale. Il est accroché à un ressort à spires non jointives, de raideur $k = 4,0 \text{ N.m}^{-1}$.

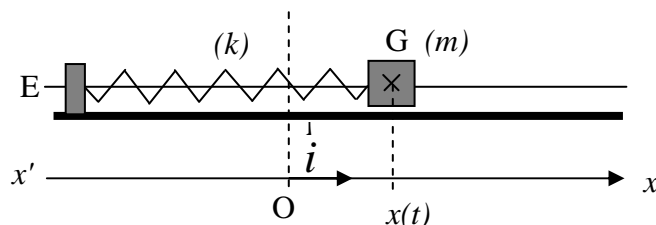
L'ensemble constitue un oscillateur élastique horizontal, non amorti.

La masse du ressort est négligeable devant m et (S) entoure la tige de telle sorte que G se trouve sur l'axe de celle-ci (voir schéma ci-dessous).

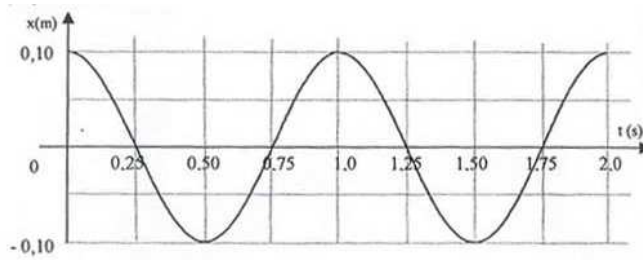
On étudie le mouvement de translation du solide (S) dans le référentiel terrestre supposé galiléen.

Lorsque le solide (S) est à l'équilibre, son centre d'inertie G se situe à la verticale du point O, origine de l'axe des abscisses. Le solide est écarté de 10 cm de sa position d'équilibre et abandonné sans vitesse initiale à la date $t = 0$ s.

Dispositif expérimental :



On procède à l'enregistrement des positions successives de G au cours du temps par un dispositif approprié. On obtient la courbe ci-dessous :



1. Étude dynamique en l'absence de frottements.

1.1. En appliquant la deuxième loi de Newton au solide (S), établir l'équation différentielle régissant le mouvement de son centre d'inertie G.

La solution de l'équation différentielle peut s'écrire sous la forme :

$$x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) \quad (X_m \text{ est l'amplitude et } \varphi \text{ la phase à l'origine})$$

1.2. En vous aidant de la courbe, déterminer les valeurs de X_m , T_0 et φ

1.3. En vous aidant de la question 1.1, retrouver l'expression de la période T_0 en fonction de m et de k .

1.4. Calculer la valeur approchée de la masse m du solide (S).

2. Étude énergétique en l'absence de frottements.

2.1. Donner l'expression littérale de l'énergie mécanique du système {ressort + solide}, en fonction de k , m , x et v valeurs de la vitesse du centre d'inertie G dans le référentiel terrestre.

2.2. En appliquant la conservation de l'énergie mécanique, retrouver l'équation différentielle trouvée en 1.1.

Soit v_m la valeur maximale de la vitesse atteinte par le centre d'inertie G pour les oscillations d'amplitude X_m étudiées.

2.3. En traduisant la conservation de l'énergie mécanique donnée au 2.2, montrer que : v_m

$$= 2\pi \cdot \frac{X_m}{T_0}$$

2.4. Calculer la valeur maximale de la vitesse v_m .

EXERCICE N°3 (06.5 points)

Un satellite artificiel de masse $m=1800\text{kg}$ tourne autour de la terre sur une orbite circulaire géostationnaire.

1. Représenter la force gravitationnelle exercée par la terre sur le satellite en faisant apparaître la Terre et le satellite sans souci d'échelle.

2. Donner l'expression de la valeur de la force gravitationnelle exercée par la Terre sur le satellite. Le satellite exerce-t-il une force gravitationnelle sur la terre ? Pourquoi ? Quelle est sa valeur ?

3. Exprimer la vitesse v puis la période T du satellite en fonction de G , M_T , R_T et h

4. La période de l'orbite du satellite géostationnaire est égale à un jour sidéral dont la durée T_{sid} est de 86 164 s. Expliquer pourquoi cette valeur est légèrement inférieure (d'environ 4 minutes) à la durée du jour solaire ($T_{\text{sol}} = 24$ heures).

5. Calculer numériquement l'altitude du satellite géostationnaire.

Données : $R_T = 6378 \text{ km}$; $M_T = 5,97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ et $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$

6. Déterminer l'énergie mécanique du satellite sur son orbite géostationnaire en fonction de m , M_T , G , R_T et h . On prendra l'énergie potentielle $E_P = -GM_T m / (R_T + h)$

7. Quelle énergie possédait ce satellite avant son lancement sur terre au niveau de l'équateur. Quelle énergie minimale a-t-il fallu communiquer au satellite pour le mettre sur son orbite géostationnaire.

BO NNE CHANCE !